

الفصل الثاني: قوانين الكهرباء Laws of Electricity

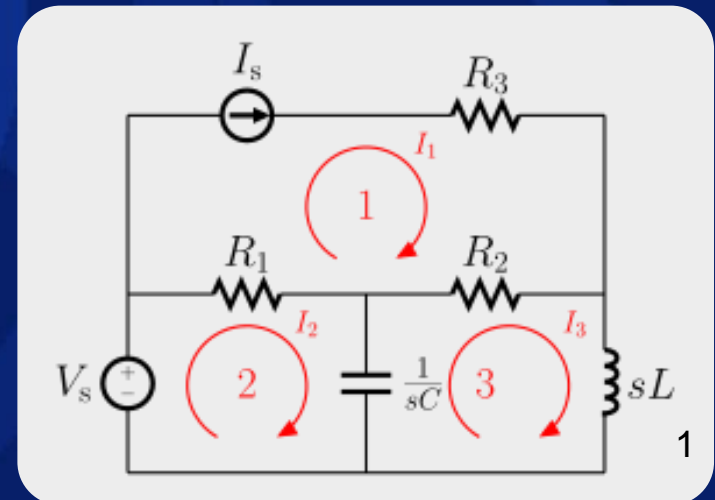
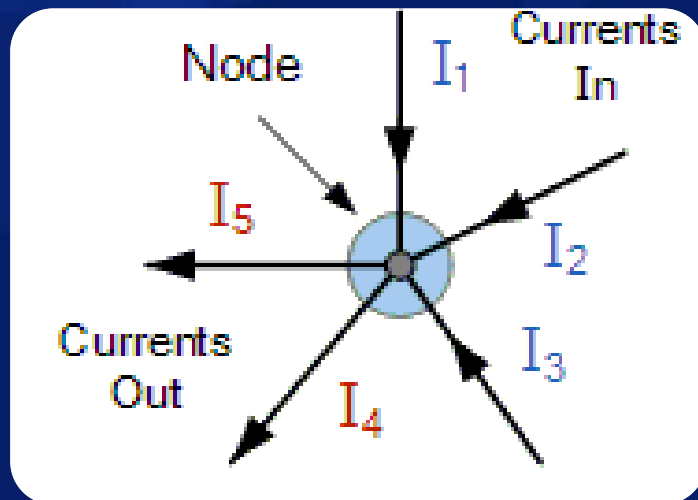
Pr. Ismail BOUDJAADAR

Department of Physics

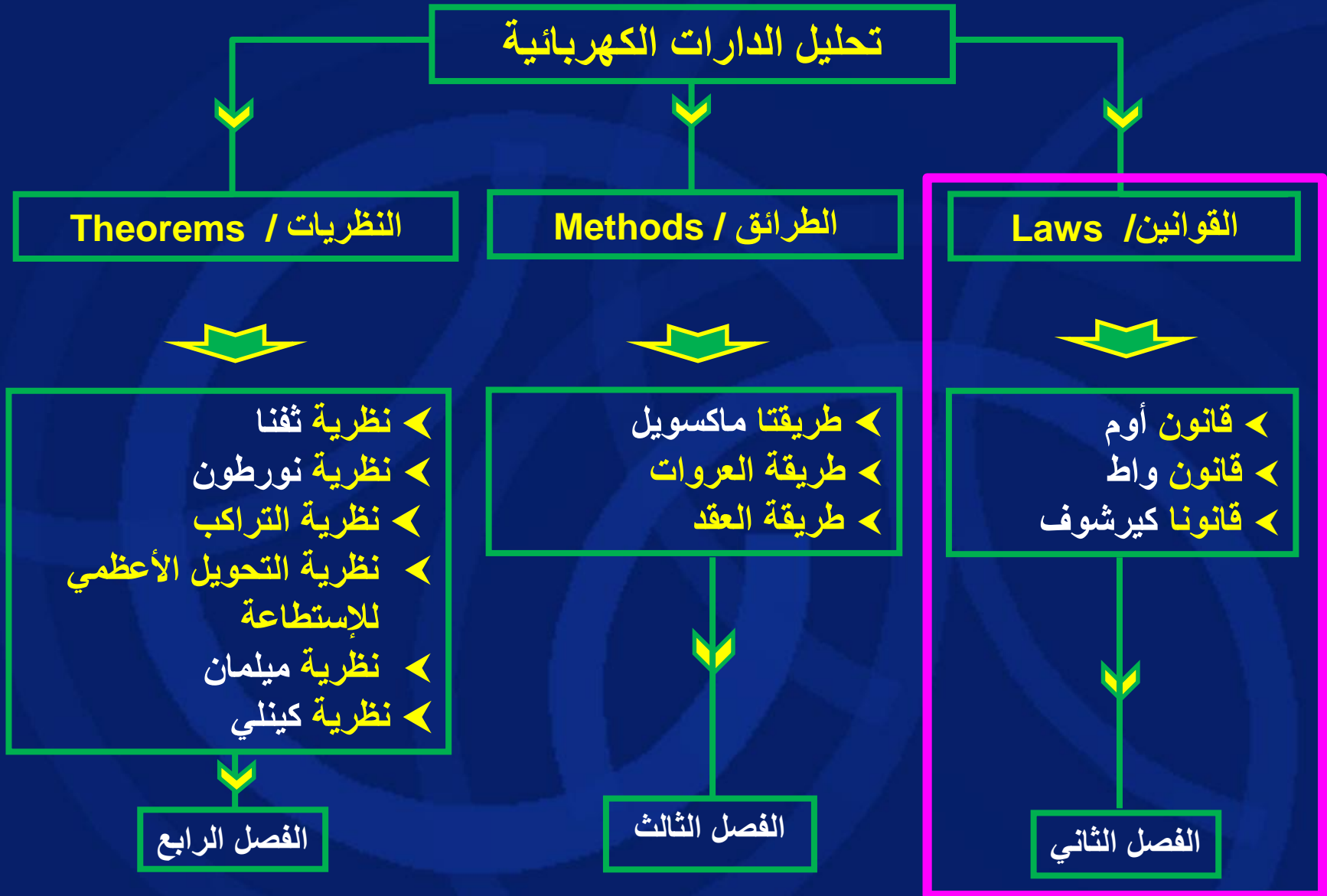
University Frères MENTOURI-Constantine 1

e. mail: Sboudjadar@yahoo.fr

Mobile: 05 51 24 17 35



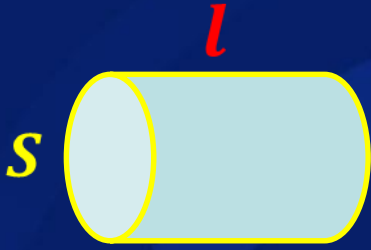
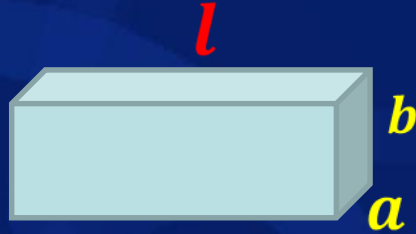
تحليل الدارات الكهربائية: لتحليل الدارات الكهربائية هناك ثلاثة خيارات، لكل خيار إيجابياته و سلبياته



1. قانون أوم / Ohm's Law



جورج أوم- ألماني
1854 - 1789

	
$R = \rho \cdot \frac{l}{S} \quad \text{①}$	$R = \rho \cdot \frac{l}{a \times b} \quad \text{②}$

□ تغير مقاومة معدن بدلالة درجة الحرارة: $R = R_0 [1 + \alpha(T - T_0)]$

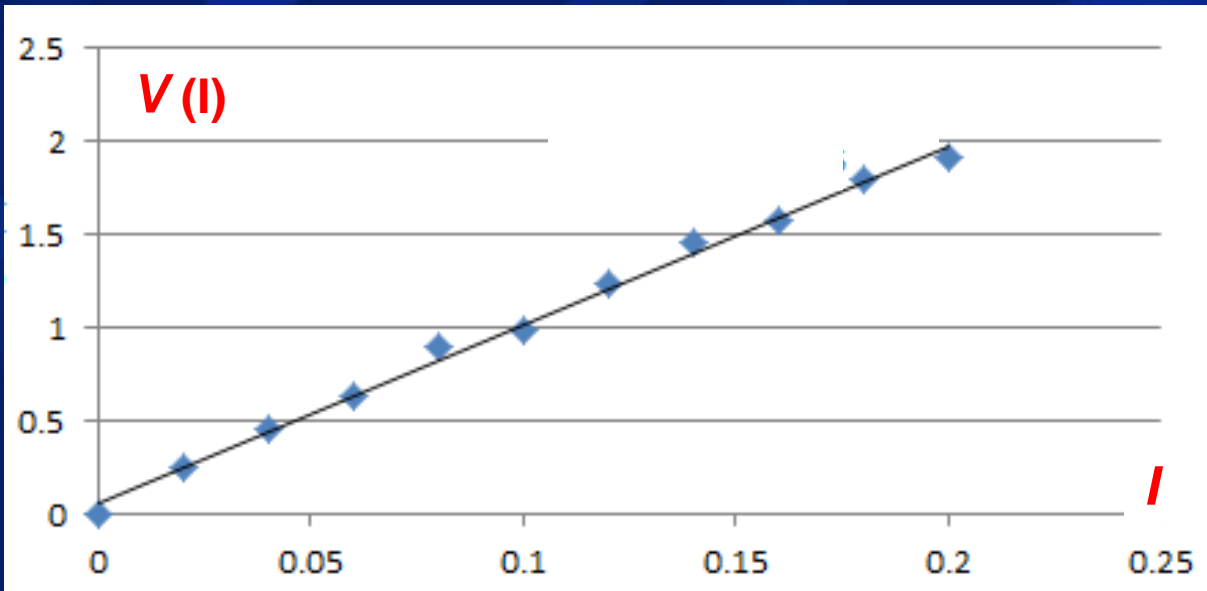
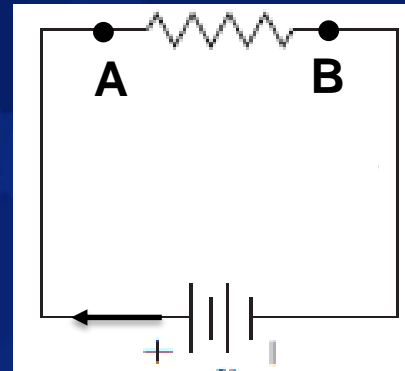
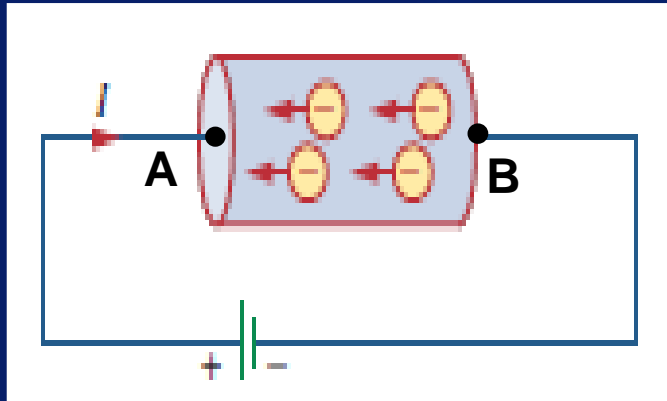
R_0 : مقاومة المعدن عند درجة الحرارة T_0 (الغرفة عادة)

α : معامل درجة الحرارة (يعبر عن النسبة المئوية لتغير المقاومة مع درجة

الحرارة.

لاحظ أن المقاومة تتغير خطيا مع درجة الحرارة

❖ قانون أوم تجريبي يربط بين التيار I و الكمون V و المقاومة R



I (A)	V_{AB} (V)
0	0
0,05	0,5
0,1	1
0,15	1,5
0,2	2

$$[R] = \frac{[V]}{[I]} = \frac{V}{A} = \Omega$$

$$V_{AB} \propto I \Rightarrow V_{AB} = RI$$

③

$$R = \tan \alpha = \Delta V / \Delta I$$

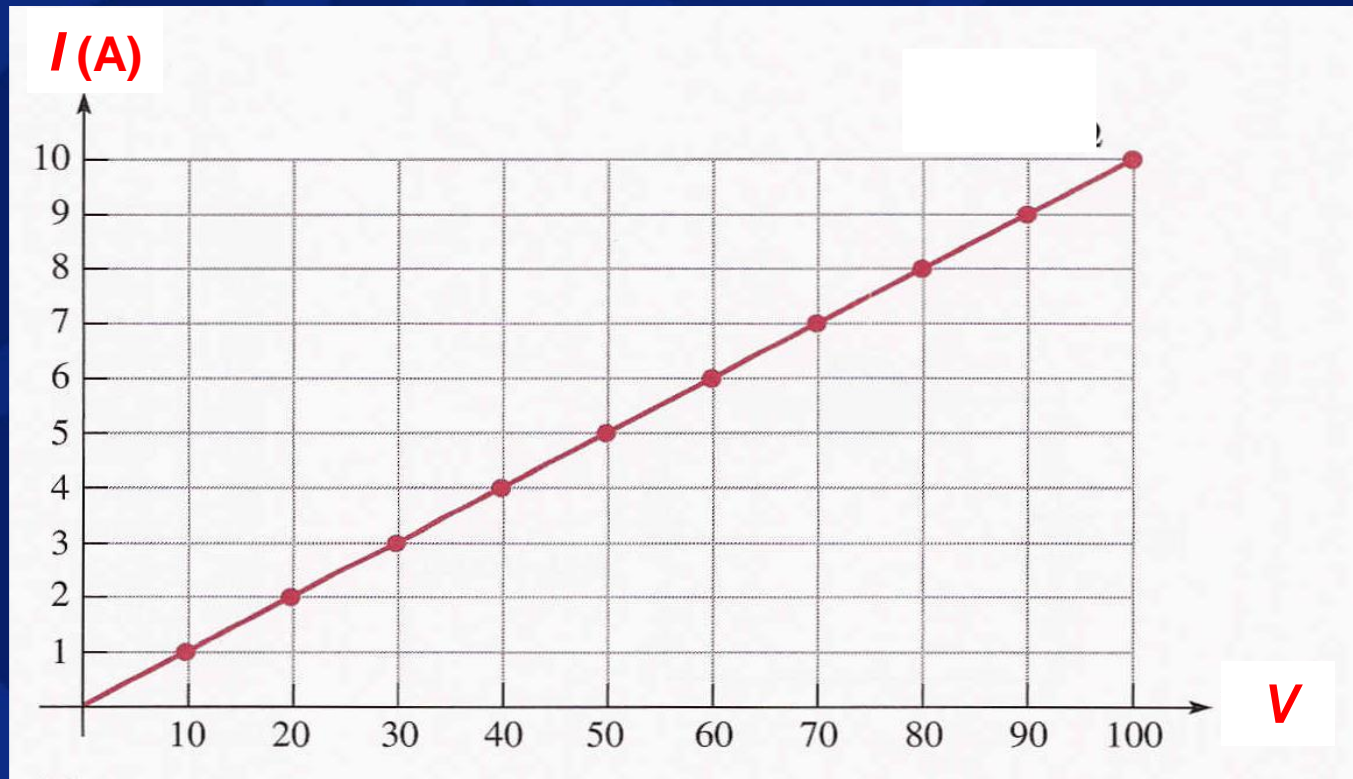
2. الناقلية أو السماح : The conductance من العلاقة ③

$$V = RI \Rightarrow I = \frac{1}{R}V = GV$$

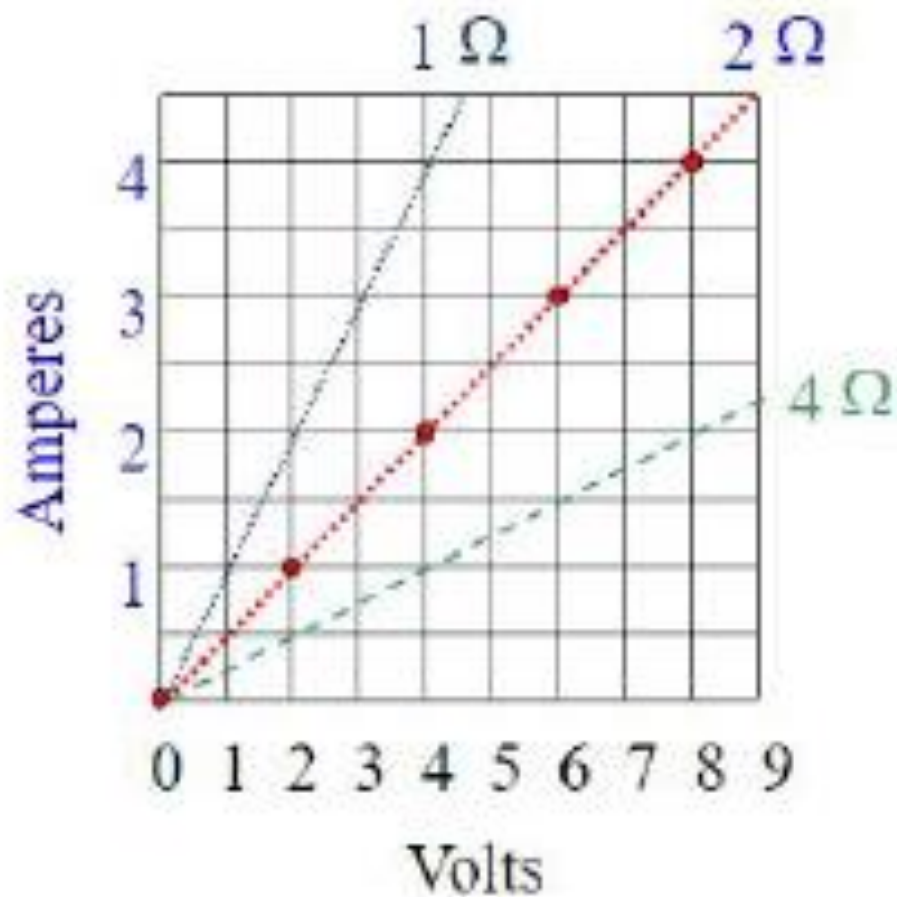
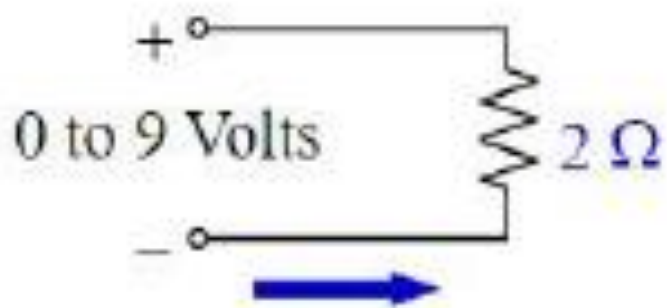
④

■ تقاس الناقلية بالسيمنس $S = \Omega^{-1} = \bar{\Omega}$

V	I
10 V	1 A
20 V	2 A
30 V	3 A
40 V	4 A
50 V	5 A
60 V	6 A
70 V	7 A
80 V	8 A
90 V	9 A
100 V	10 A



$$G = \tan \alpha = \frac{\Delta I}{\Delta V}$$

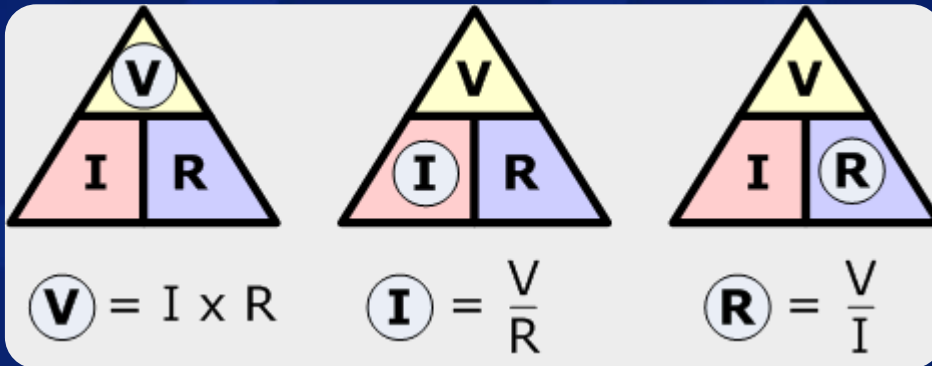


❖ الإستطاعة

2. قانون واط / Watt's Law

$$P = V \times I$$

من قانون أوم:

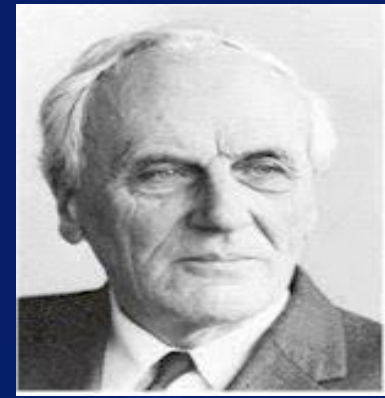


جيمس واط - أسكوتلندي

1819 - 1736

$$P = V \times I = R \times I^2 = \frac{V^2}{R}$$

نظرية تلجن *Tellegen's Theorem*



- إنحفاظ الطاقة: كل الدارات الكهربائية تخضع لمبدأ إنحفاظ الطاقة

Bernard D.H. Tellegen
(1900 – 1990)

نص النظرية: مجموع الإستطاعات الممتصة و المقدمة من قبل عناصر دارة كهربائية تساوي الصفر،

$$\sum_i P_i = \sum_i V_i \times I_i = 0$$

الإستطاعة المقدمة من قبل العناصر الفعالة (المولدات)

=

الإستطاعة المستقبلية (الممتصة) من قبل العناصر الخاملة

$$\sum_i (P_i)_{\text{المقدمة}} = -\sum_i (P_i)_{\text{الممتصة}}$$

2.2. تصنيف العناصر من الناحية الطاقوية

الاستطاعة
The power

$$P = \frac{dW}{dt} = \frac{dW}{dq} \frac{dq}{dt}$$

$$P = Vi$$

$$P = Vi < 0$$

عنصر مولد "مقدم"
(العناصر الفعالة)

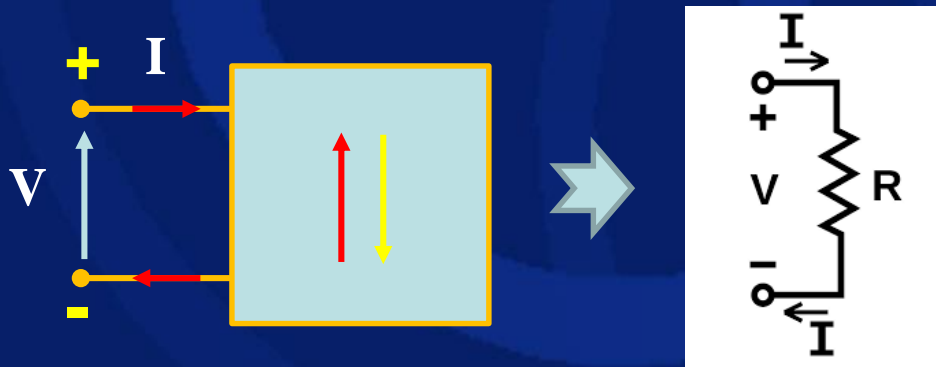
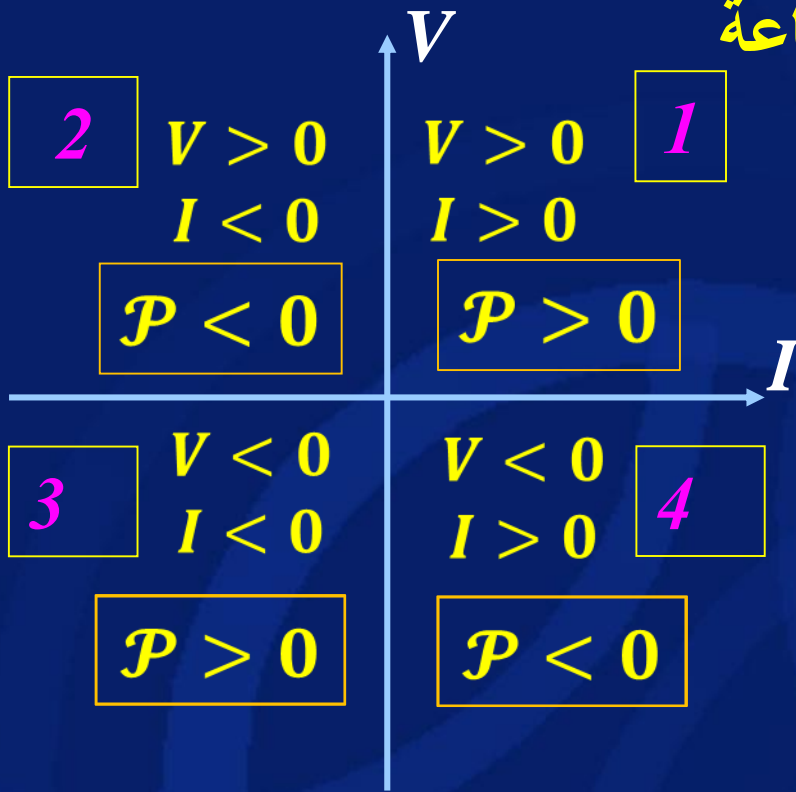
$$P = Vi = 0$$

عنصر لا طاقي
(القصر و الفتح)

$$P = Vi > 0$$

عنصر مستقبل
(العناصر الخاملة)

إِصطلاحات: عنصر ماص أو مقدم للإستطاعة



ب. عنصر ماص (عنصر خامل)

$$\mathcal{P} = +VI > 0$$

ب. عنصر مقدم أو مولد (عنصر فعال)



$$\mathcal{P} = -VI < 0$$

2. 3. الطاقة الكهربائية:

$$\mathcal{P} = \frac{dW}{dt} \Rightarrow dW = \mathcal{P} dt \Rightarrow W = \int_0^t \mathcal{P} dt$$

حالة خاصة:

$$\mathcal{P} = V \times I = cte$$

في شبكات التيار المستمر ، تكون الإستطاعة ثابتة

$$W = \mathcal{P}t = VIt$$

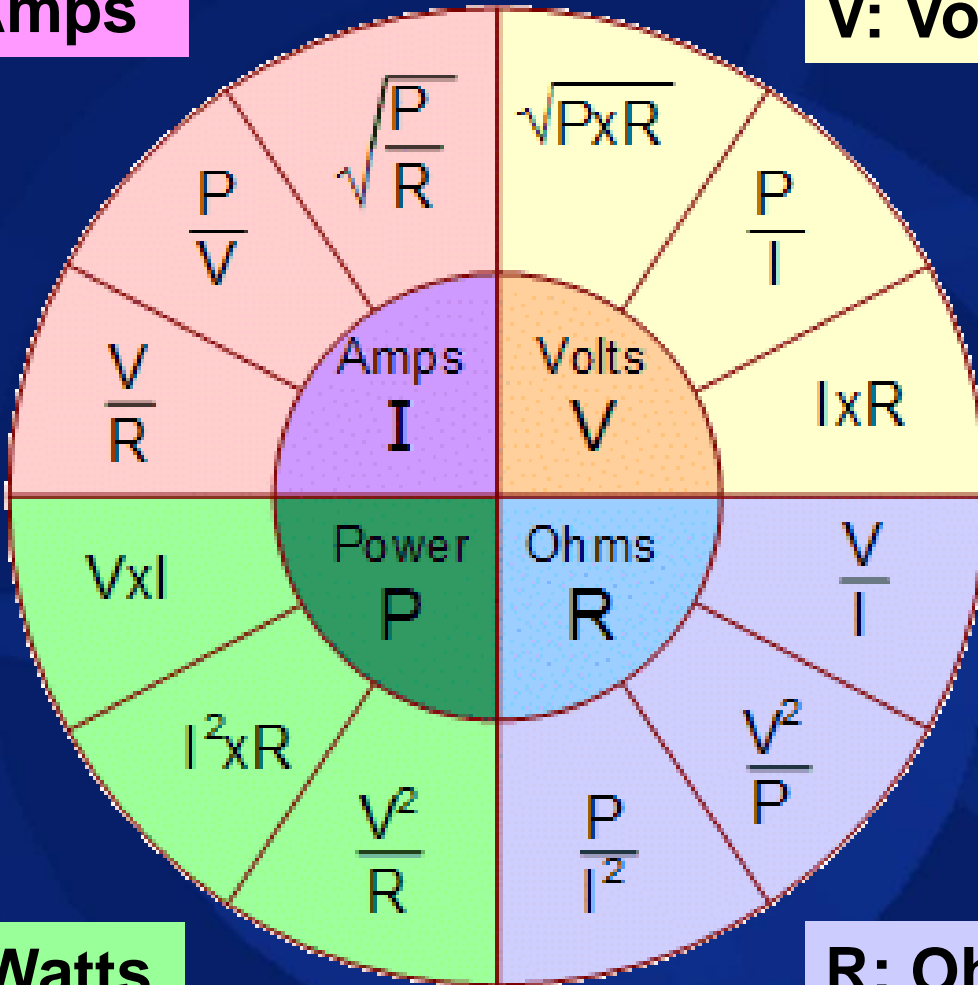
و منه الطاقة:

تقاس الطاقة حينها: بالكيلوواط ساعي

ملخص: P, I, R, V

I: Amps

V: Volts



P: Watts

R: Ohms

بدلالة السماع G

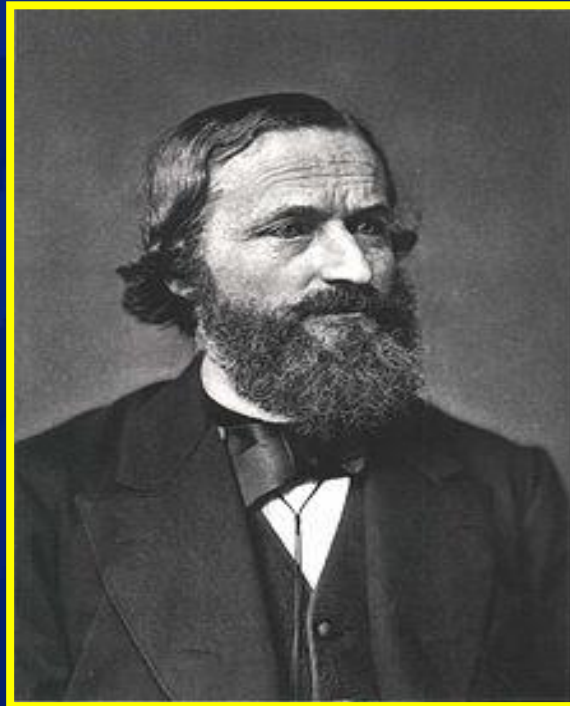
$$V = \frac{1}{G} I$$

$$I = GV$$

$$P = VI = GV^2 = \frac{I^2}{G}$$

3. قانونا كيرشوف

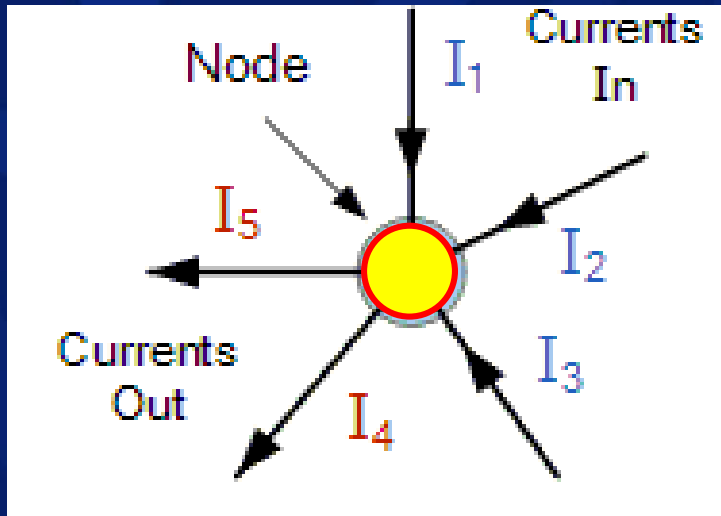
Kirchhoff's Laws



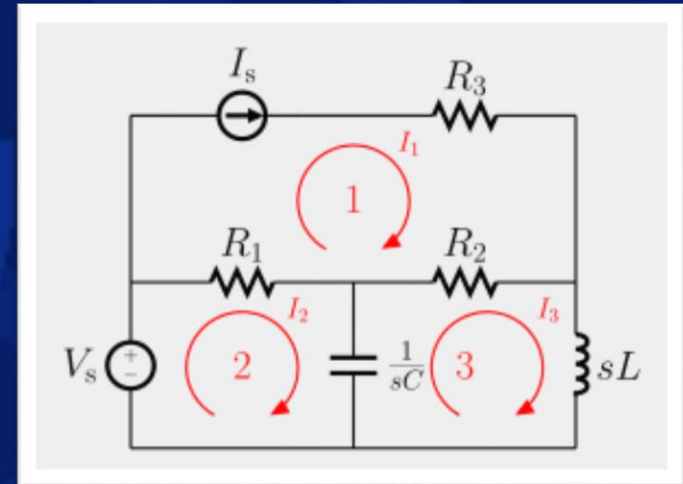
Gustav Robert Kirchhoff (né en 1824 en Prusse et décédé en 1887)

3. قانونا كيرشوف

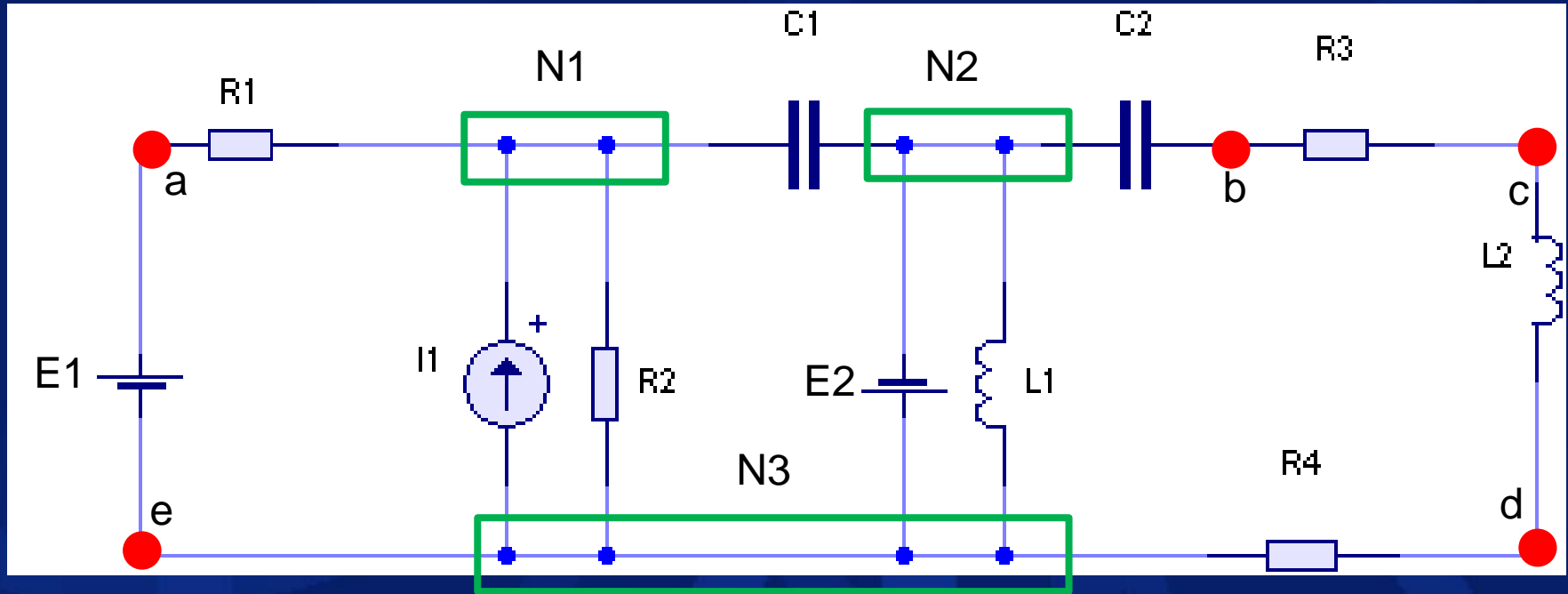
قانون العقد (التيارات)
Kirchhoff's current Law
(KCL)



قانون العروات (الكمونات)
Kirchhoff's Voltage Law
(KVL)



طبوغرافيا "تضاريس" الدارة الكهربائية



العقدة / Node هي نقطة تفرق التيار أو نقطة إلتقاء أكثر من فرعين N_1, N_2, N_3

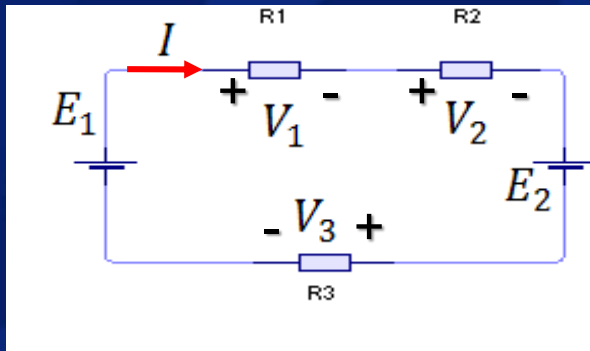
الفرع / Branch هو جزء الدارة الواقع بين عقدتين و قد يكون بسيطاً أو مركباً

العروة / Loop / Mesh كل مسلك مغلق يتكون من مجموعة من العناصر

Kirchhoff's Laws قانون كيرشوف

Series Circuits دارات التسلسل

- قانون الكمونات أو العروات:
النص 1: المجموع الجبري للكمونات في دائرة مغلقة يساوي الصفر.



توضيح:

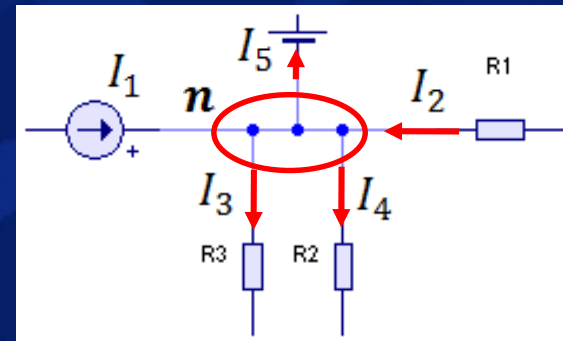
$$E_1 - V_1 - V_2 - E_2 - V_3 = 0$$

$$E_1 - E_2 = V_1 + V_2 + V_3$$

النص 2: المجموع الجبري لكمونات المولدات يساوي مجموع هبوطات الكمون في المقاومات.

Parallel Circuits دارات التوازي

- قانون التيارات أو العقد:
النص 1: المجموع الجبري للتيارات المتصلة بعقدة يساوي الصفر.



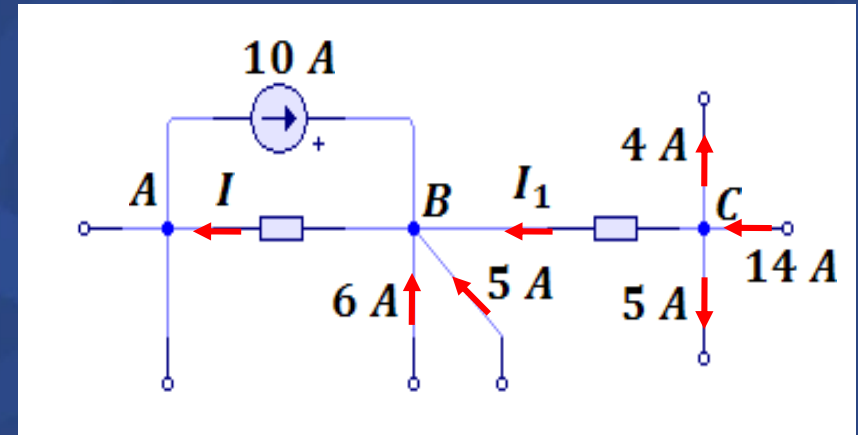
توضيح:

$$I_1 + I_2 - I_3 - I_4 - I_5 = 0$$

$$I_1 + I_2 = I_3 + I_4 + I_5$$

النص 2: مجموع التيارات الواردة "الداخلة" للعقدة يساوي مجموع التيارات الصادرة "الخارجة"

مثال 1: جد التيار I في الدارة الآتية



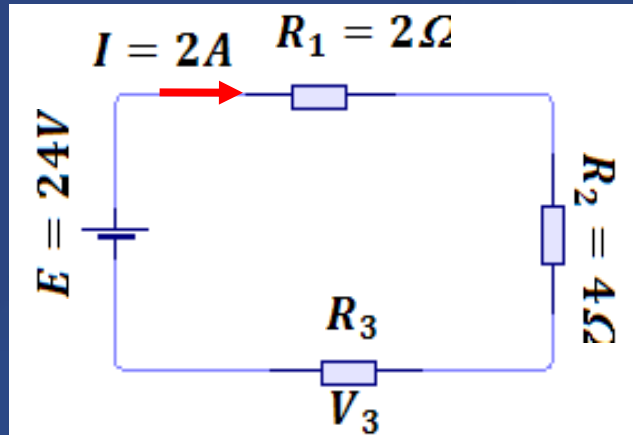
$$\sum_i I_{iE} = \sum_i I_{iS}$$

$$C: 14 = 4 + 5 + I_1 \Rightarrow I_1 = 5 A$$

$$B: 10 + I_1 + 5 + 6 = I$$

$$\Rightarrow I = 26 A$$

مثال 2: جد مجاهيل الدارة الآتية



$$\sum_i V_i = 0$$

$$E = V_1 + V_2 + V_3$$

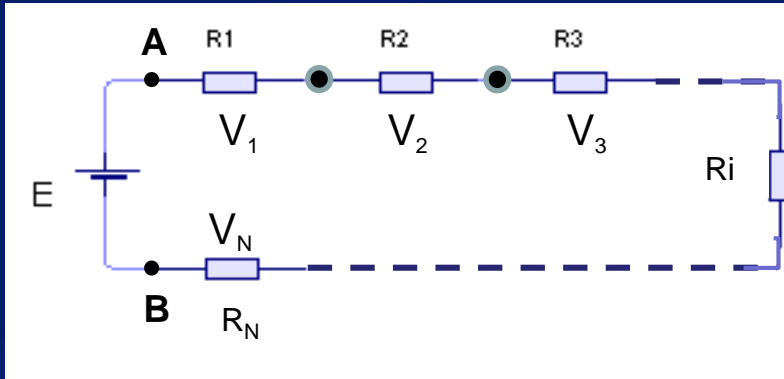
$$V_1 = R_1 I = 4 V$$

$$V_2 = R_2 I = 8 V$$

$$V_3 = 12 V = R_3 I \Rightarrow R_3 = 6 \Omega$$

ربط (ضم) المقاومات Connections of Resistors

على التسلسل Series Resistors

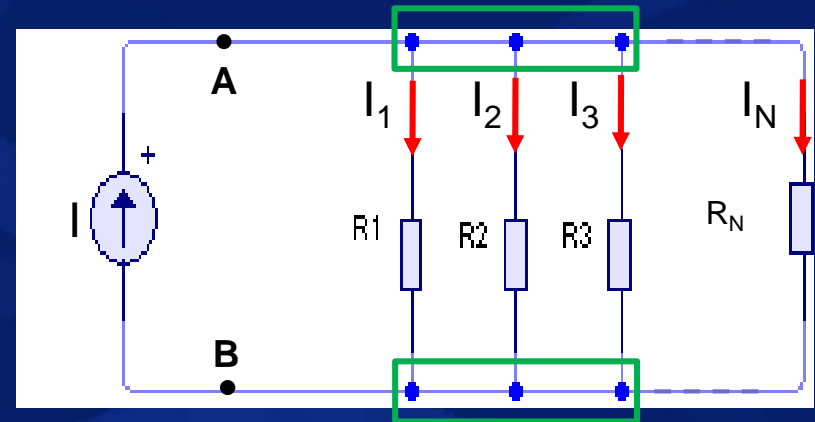


$$R_{eq} = \sum_i R_i = R_1 + R_2 + \dots + R_N$$

ملاحظة: إذا كانت المقاومات كلها متساوية ، فإن:

- $R_{eq} = nR$
- $V_1 = V_2 = \dots = V_n$
- $E = V_{AB} = nV_i , i = 1, n$
- $V_i = E/n$

على التوازي (التفرع) Parallel Resistors



$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \dots + \frac{1}{R_N} = \sum_i \frac{1}{R_i}$$

$$G_{eq} = G_1 + G_2 + \dots + G_N = \sum_i G_i$$

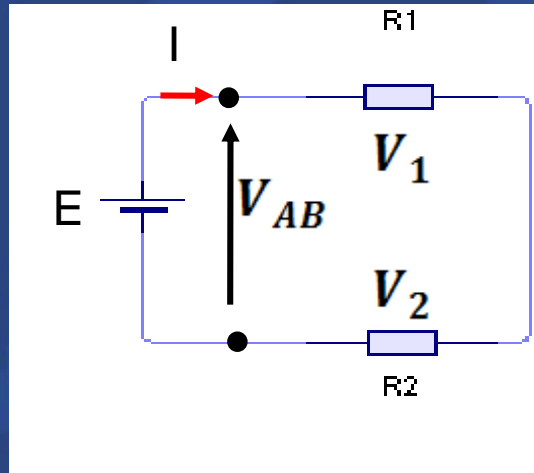
ملاحظة: إذا كانت المقاومات كلها متساوية ، فإن:

- $1/R_{eq} = \frac{n}{R} \Rightarrow R_{eq} = \frac{R}{n}$
- $I_1 = I_2 = \dots = I_n$
- $I = nI_i , i = 1, n$

$$I_i = I/n$$

قاعدة قاسم الكمون (VDR) Voltage Divider Rule

- الحالة العامة: $V_i = \frac{R_i}{R_{eq}} \cdot V_{AB}$
- الحالة الخاصة: مقاومتين على التسلسل

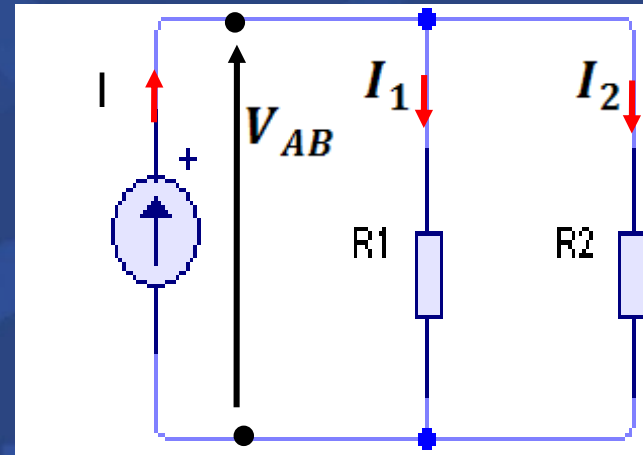


$$V_1 = \frac{R_1}{R_1 + R_2} \cdot V_{AB}$$

$$V_2 = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \cdot V_{AB}$$

قاعدة قاسم التيار (CDR) Current Divider Rule

- الحالة العامة: $I_i = \frac{R_{AB}}{R_i} \cdot I$
- الحالة الخاصة: مقاومتين على التوازي



$$I_1 = \frac{R_2}{R_1 + R_2} \cdot I \quad I_2 = \frac{R_1}{R_1 + R_2} \cdot I$$

- بدلالة السماع G :

$$I_1 = \frac{G_1}{G_1 + G_2} \cdot I \quad I_2 = \frac{G_2}{G_1 + G_2} \cdot I$$

حالة خاصة

- قاسم الكمونات (VDR)

- إذا كانت المقاومتين المربوطتين على التسلسل متساويتين، فإن:

$$V_1 = V_2 = \frac{V}{2}$$

- قاسم التيار (CDR)

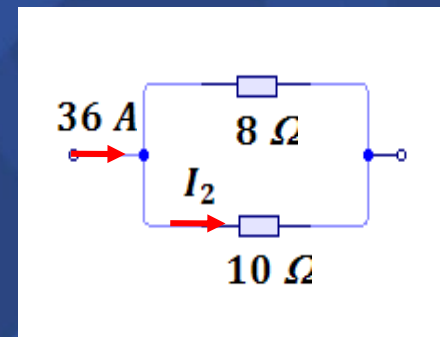
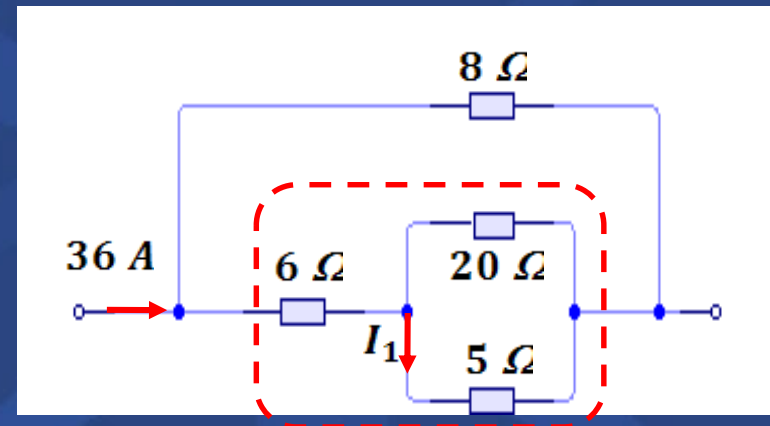
- إذا كانت المقاومتين المربوطتين على التوازي متساويتين، فإن:

$$I_1 = I_2 = \frac{I}{2}$$

تطبيقات

1. قاسم التيار (CDR)

جد التيار I_1



المقاومة المكافئة R_{eq1}

$$R_{eq1} =$$

$$(20 // 5) + 6 = 10 \Omega$$

• قاسم التيار

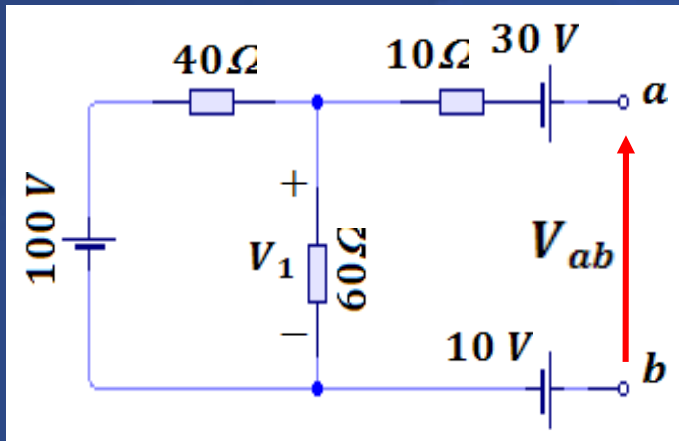
$$I_2 = \frac{8}{10 + 8} \cdot 36 = 16 A$$

$$I_1 = \frac{20}{20 + 5} \cdot I_2 = 12.8 A$$

• قاسم التيار

2. قاسم الكون (VDR)

جد الكون V_{ab}



• قاسم الكون:

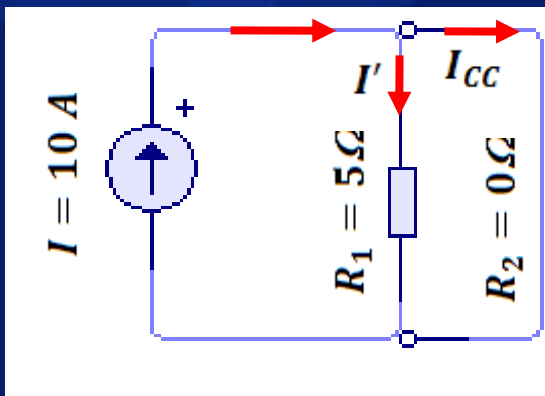
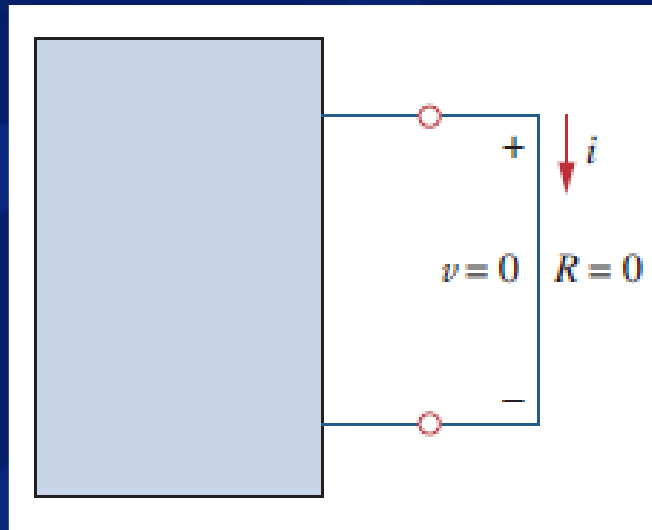
$$V_1 = \frac{60}{60 + 40} \cdot 100 = 60 V$$

• من قانون العروات:

$$V_{ab} - 30 - V_1 + 10 = 0$$

$$\Rightarrow V_{ab} = 80 V$$

Short circuit / مفهوم القصر

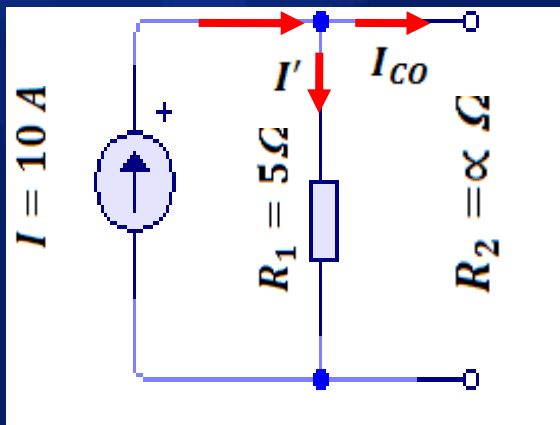
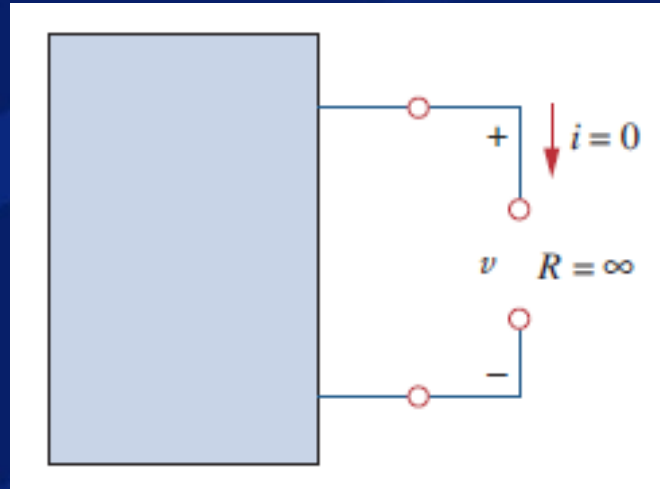


■ من قاعدة قاسم التيار

$$I_{CC} = \frac{R_1}{R_1 + 0} \cdot I = \frac{5}{5 + 0} \cdot 10 = 10A$$

$$I' = \frac{R_2}{R_1 + 0} \cdot I = \frac{0}{5 + 0} \cdot 10 = 0A$$

Open circuit / مفهوم الفتح

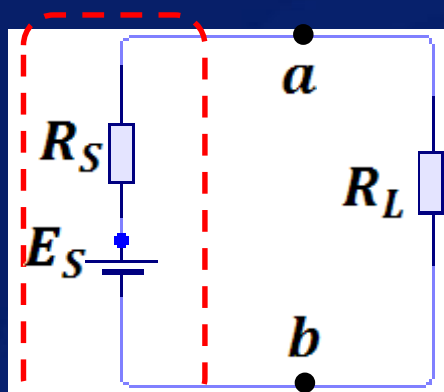


■ من قاعدة قاسم التيار

$$I' = \frac{R_2}{R_2 + R_1} \cdot I = I = 10A$$

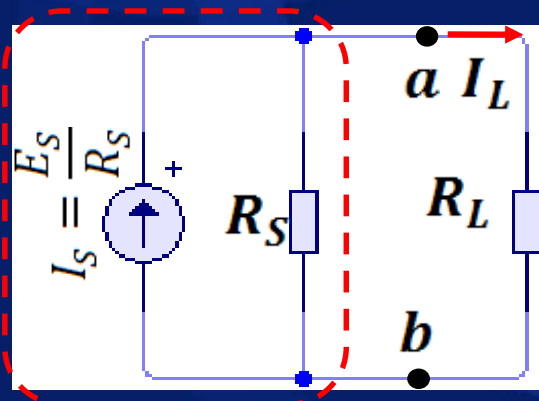
$$I_{co} = \frac{R_1}{R_2 + R_1} \cdot I = 0A$$

تبدیل (تحويل) المولدات: التكافؤ ثفنا – نورطون Sources Transformation



$$E_S - (R_S + R_L)I_L = 0$$

$$\Rightarrow I_L = \frac{E_S}{R_S + R_L} = \frac{E_S \left(\frac{R_S}{R_S} \right)}{R_S + R_L} = \frac{R_S \left(\frac{E_S}{R_S} \right)}{R_S + R_L}$$



$$I_S = \left(\frac{E_S}{R_S} \right)$$

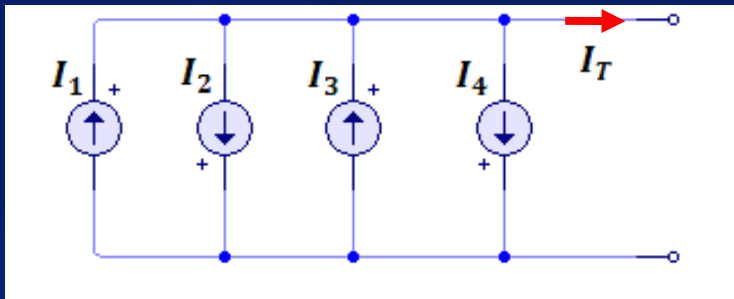
نضع:

$$I_L = \frac{R_S}{R_S + R_L} I_S$$

و هي قاعدة قاسم التيار للشكل المقابل

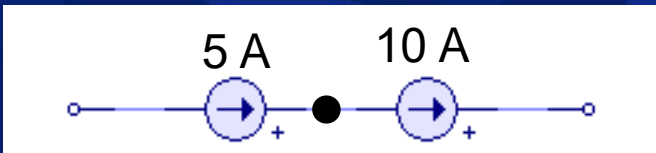
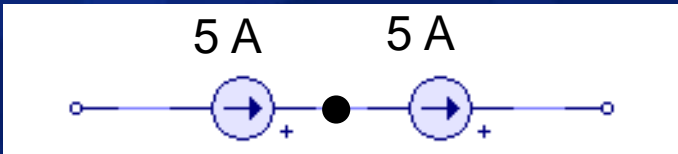
ربط مولدات التيار Current Source Connections

الربط على التوازي



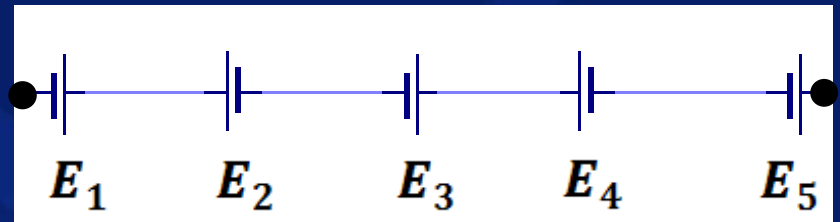
$$I_T = I_1 - I_2 + I_3 - I_4 = (I_1 + I_3) - (I_2 + I_4)$$

الربط على التسلسل



ربط مولدات الكمون Voltage Source Connections

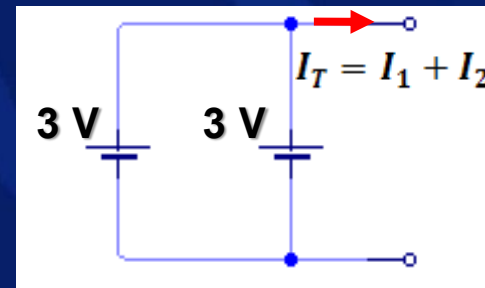
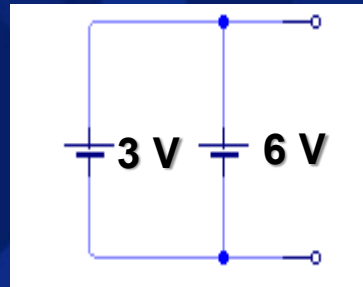
الربط على التسلسل



$$E_T = E_1 - E_2 + E_3 - E_4 + E_5$$

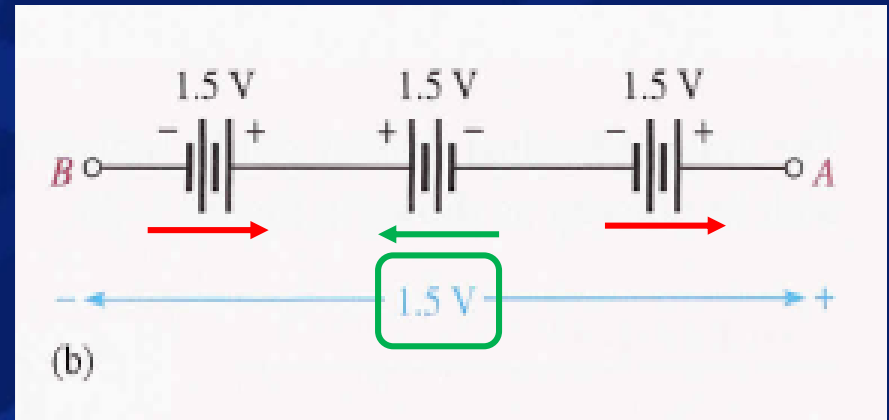
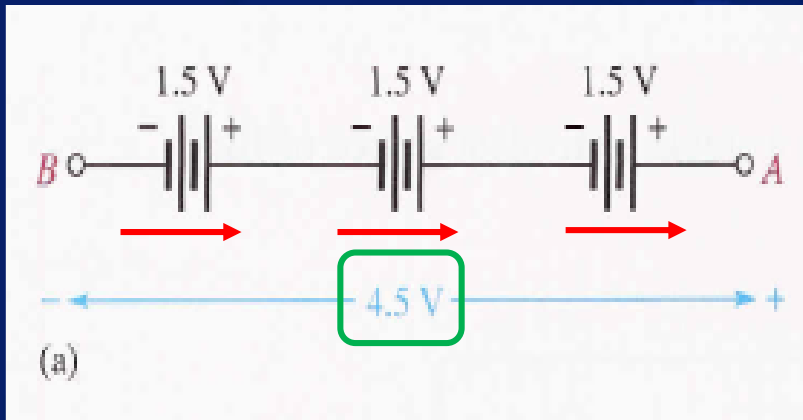
$$E_T = (E_1 + E_3 + E_5) - (E_2 + E_4)$$

الربط على التوازي

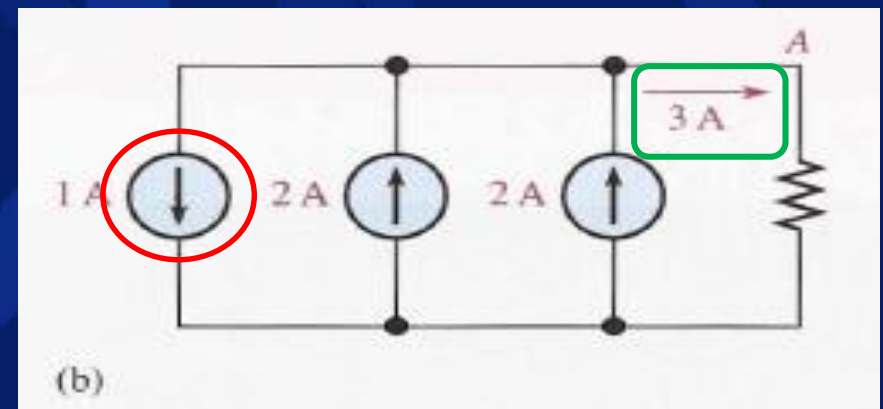
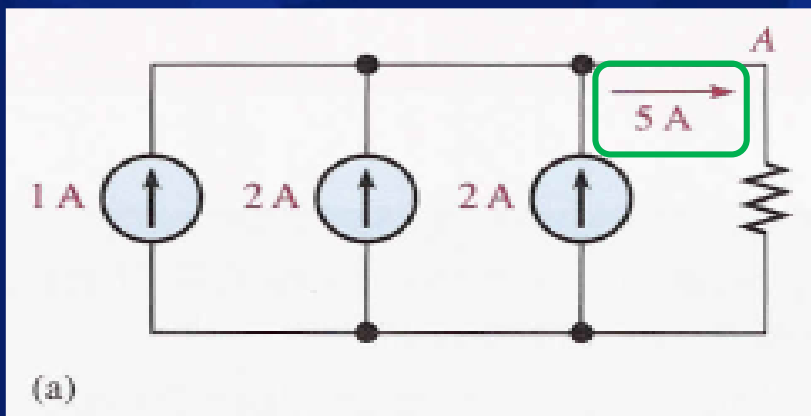


أمثلة / Examples

.1

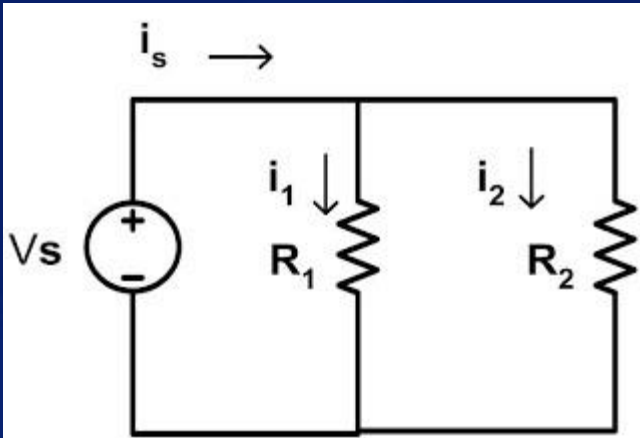


.2



Summary / ملخص ❖

1. قاسم التيار



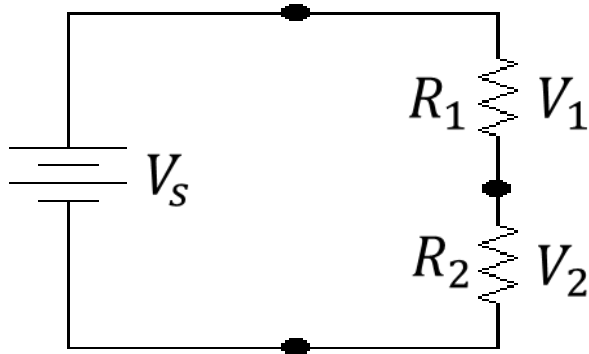
$$i_1 = \frac{R_2}{R_1 + R_2} i_s$$

$$i_2 = \frac{R_1}{R_1 + R_2} i_s$$

$$i_1 = \frac{G_1}{G_1 + G_2} i_s$$

$$i_2 = \frac{G_2}{G_1 + G_2} i_s$$

2. قاسم الكمونات (التوتر)

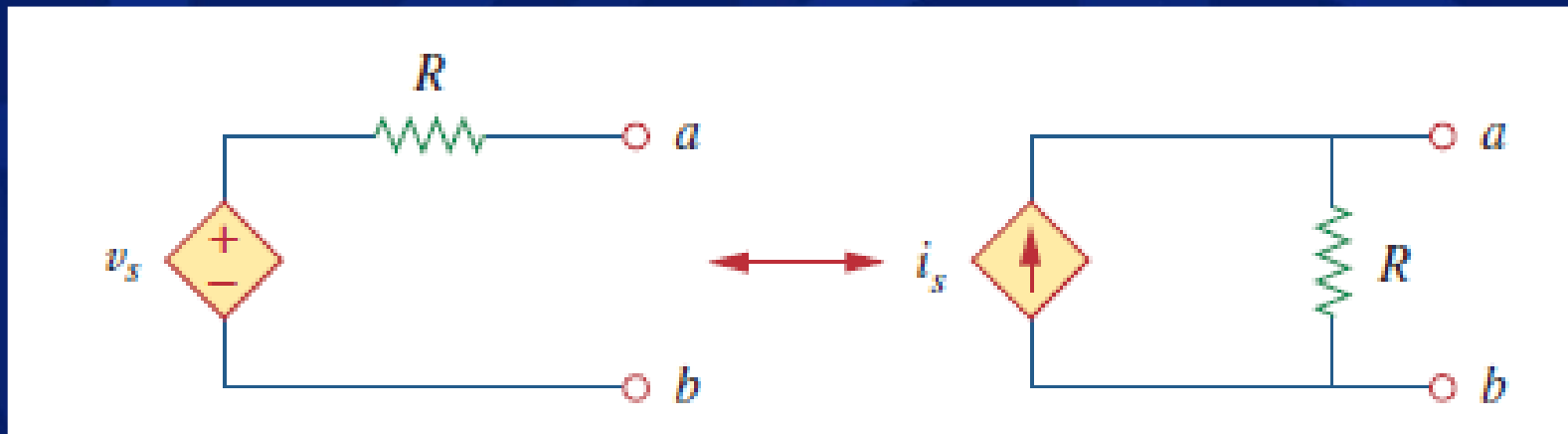
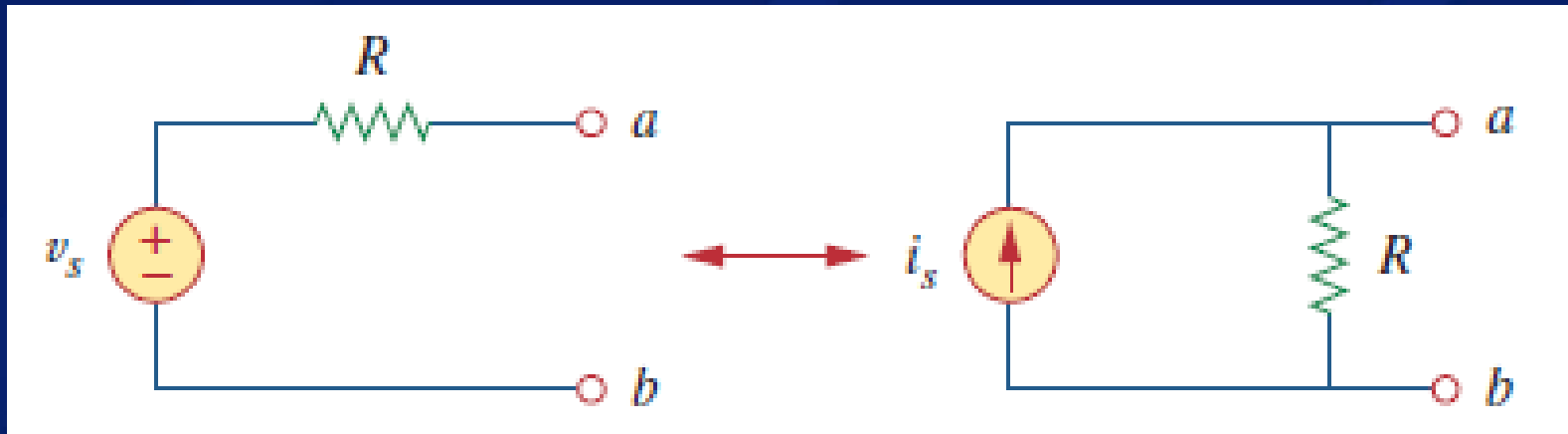


$$V_1 = \frac{R_1}{R_1 + R_2} V_s$$

$$V_2 = \frac{R_2}{R_1 + R_2} V_s$$

Summary / ملخص ❖

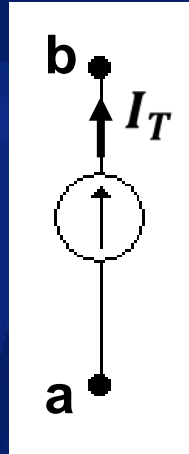
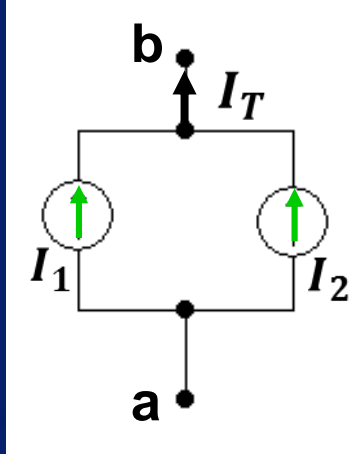
3. تحويل (تبدیل) المصادر



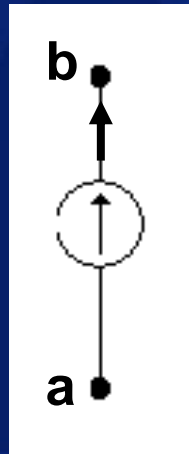
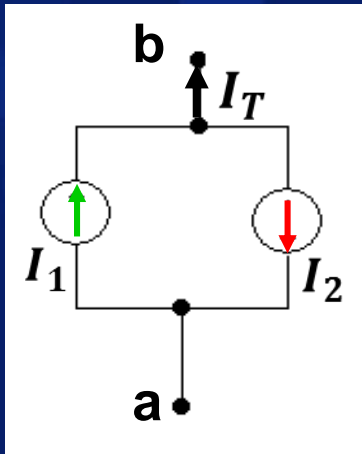
$$v_s = Ri_s \Leftrightarrow i_s = \frac{v_s}{R}$$

Summary / ملخص ❖

4. ربط المولدات (المصادر) على التوازي (مولدات التيار)



$$I_T = I_1 + I_2$$



$$I_T = I_1 - I_2$$

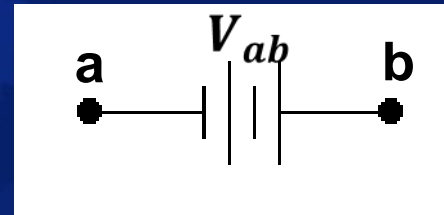
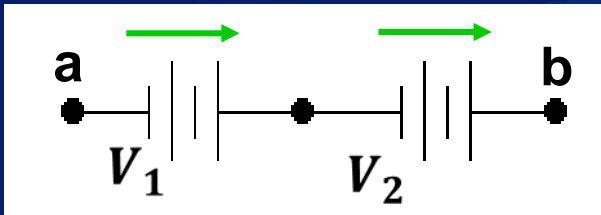
$$I_T = 0$$

$$\text{If } I_1 = I_2$$

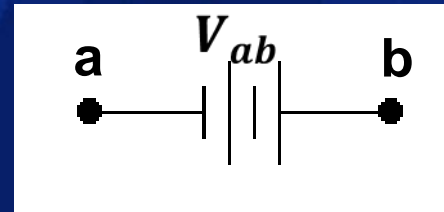
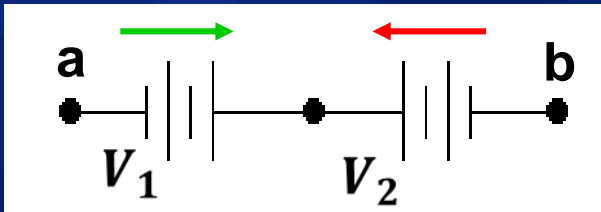
ملاحظة: يمكن تعميم القاعدة على n مولد تيار مربوط على التوازي.

Summary / ملخص ❖

5. ربط المولدات (المصادر) على التسلسل (مولدات الكمون)



$$V_{ab} = V_1 + V_2$$



$$V_{ab} = V_1 - V_2$$

$$V_{ab} = 0$$

$$\text{If } V_1 = V_2$$

ملاحظة: يمكن تعميم القاعدة على n مولدات كمنون مربوط على التسلسل

أجهزة القياس و استعمالاتها

Uses of Measuring Instruments

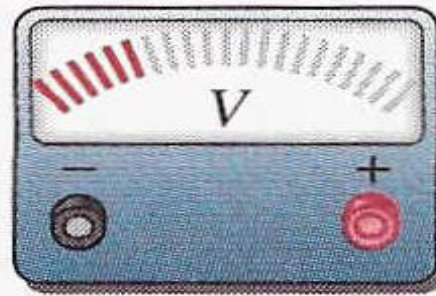


- المقاومة الداخلية للفولط متر لا نهائية
- يربط على التوازي مع العنصر أو العناصر.

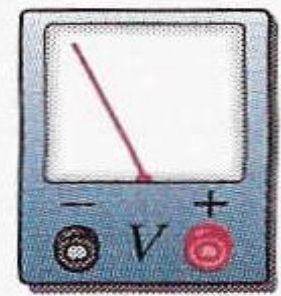
- المقاومة الداخلية للأمبير متر مهمة
- يربط على التسلسل في الدارات الكهربائية.



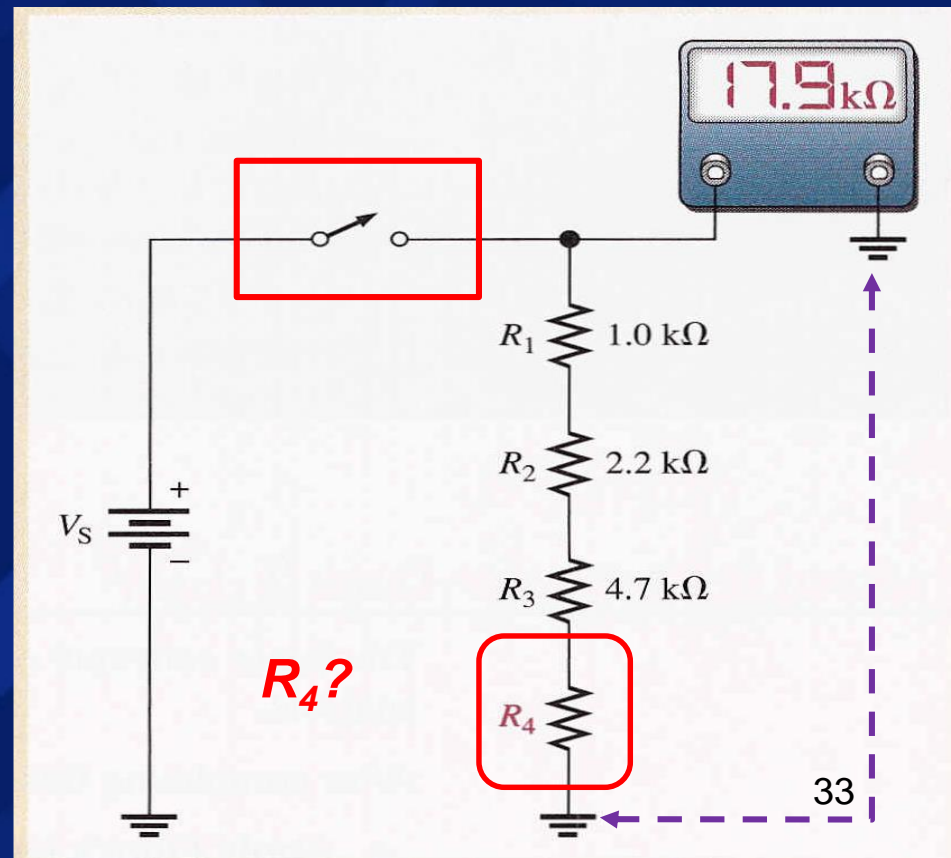
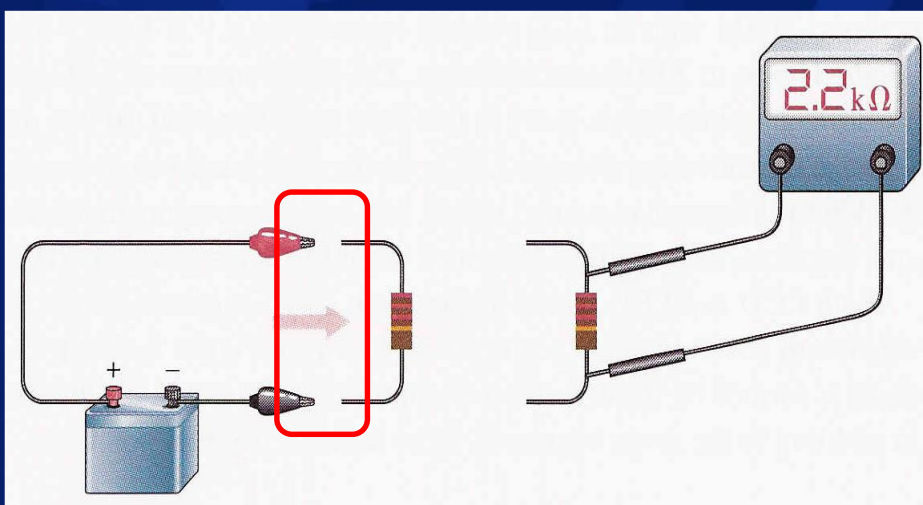
(a) Digital

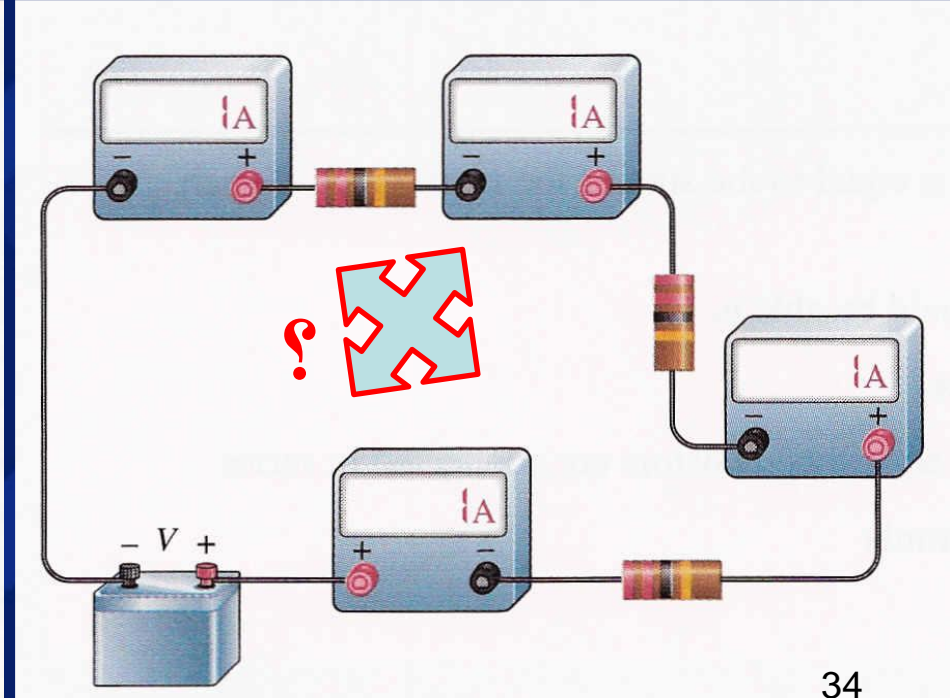
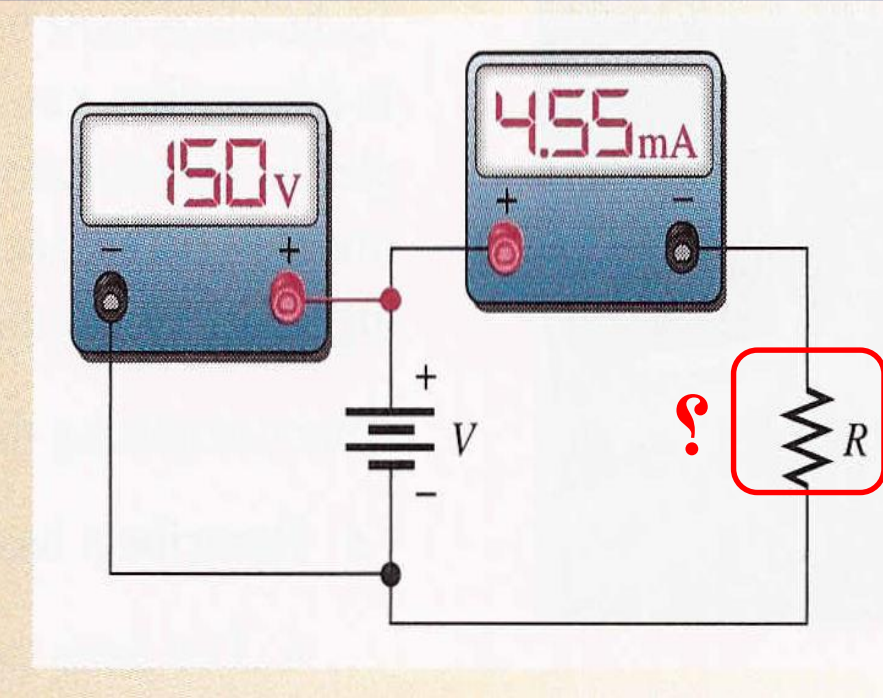
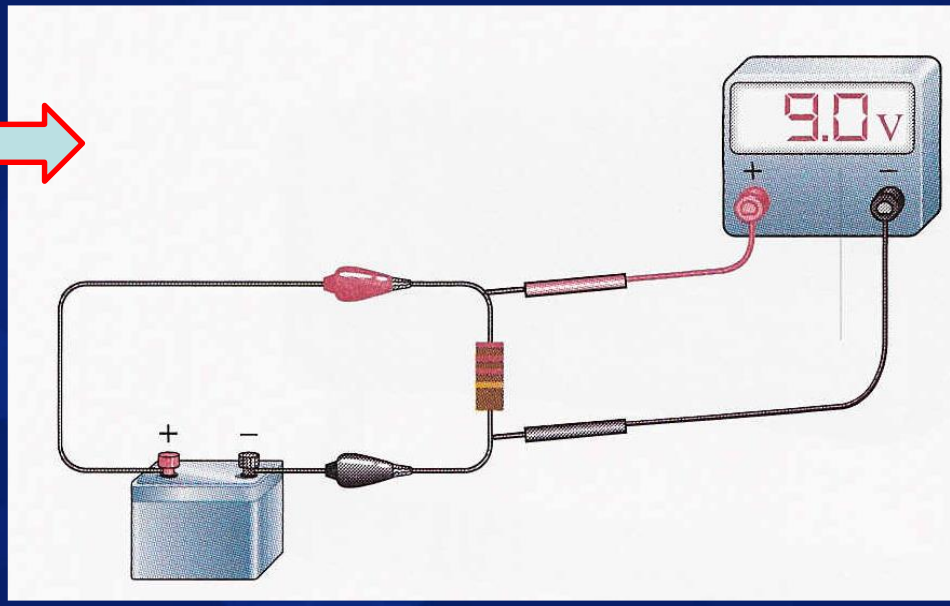
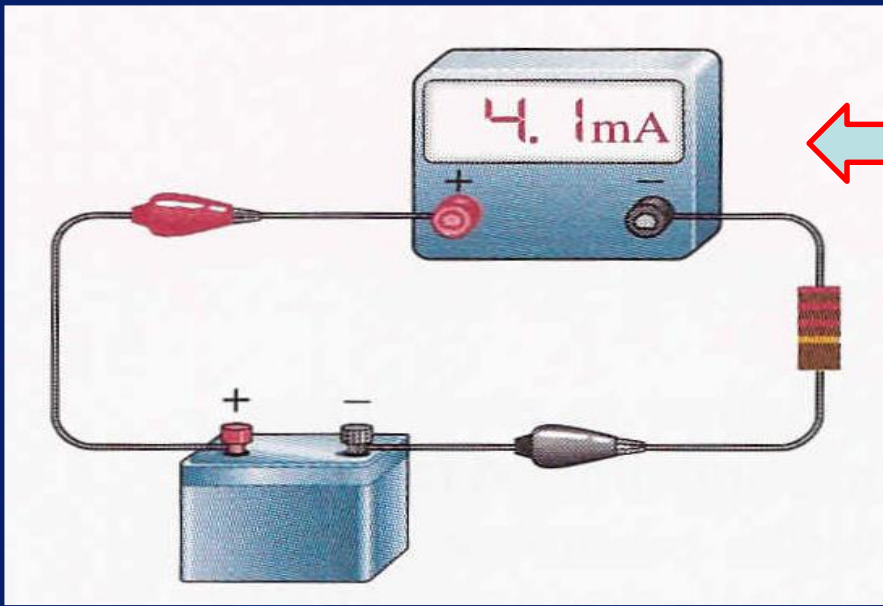


(b) Bar graph



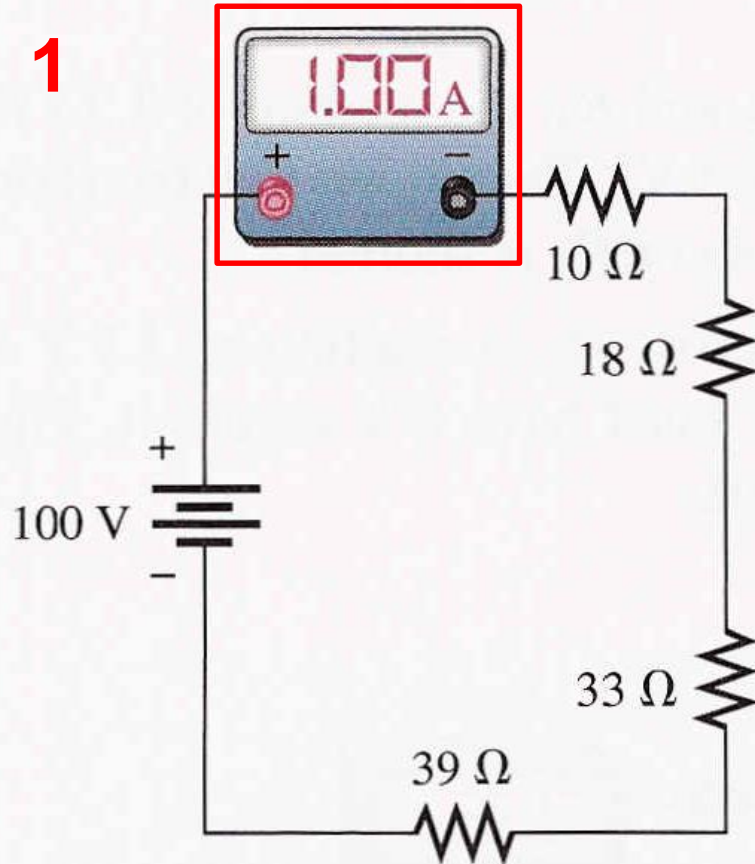
(c) Analog





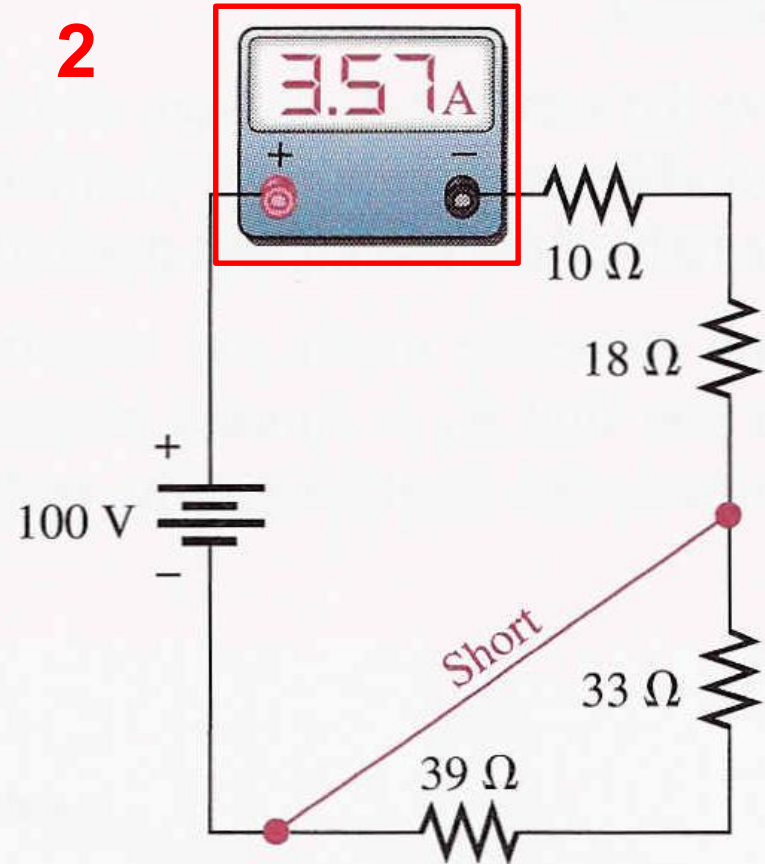
Example / مثال

1



$$I = \frac{100 \text{ V}}{100 \Omega} = 1 \text{ A}$$

2



$$I = \frac{100 \text{ V}}{28 \Omega} = 3.57 \text{ A}$$

توصية

◀ في أغلب الأحيان إذا طلب حساب :

1. تيار: يجب تطبيق قانون التيارات ” العقد“
2. كمون: يجب تطبيق قانون الكمونات ” العروات “
3. مقاومة: يجب تطبيق قانون أوم

◀ الربط الطبيعي للمولدات:

1. مولدات الكمون تربط على التسلسل.
2. مولدات التيار تربط على التوازي.



د. أحمد بن نعمان

الطالب التجيب:

لا يستهين ولا يغيب

النهاية
THE END